

**Д.т.н., проф. Е.Г. Жиляков, к.т.н. С.П. Белов, А.С. Белов**

**ВОЗМОЖНОСТЬ ПРИМЕНЕНИЯ ОДНОГО КЛАССА  
СЛОЖНЫХ СИГНАЛОВ С ЛЧМ ДЛЯ ПЕРЕДАЧИ РЕЧЕВЫХ  
ДАННЫХ В ЦИФРОВЫХ МОБИЛЬНЫХ СИСТЕМАХ СВЯЗИ**

*Изложены результаты анализа огибающих функций взаимной неопределенности и проведена оценка ансамблевых характеристик сложного класса сигналов, полученного в результате внутриимпульсной модуляции по фазе по закону псевдослучайной последовательности (ПСП) ЛЧМ радиоимпульса. Показано, что данный класс сигналов имеет значительно больший объем слабокоррелированных форм, нежели ПСП, если в качестве несущего колебания используются ЛЧМ радиоимпульсы с различной крутизной модуляционной характеристики. Делается вывод о том, что рассматриваемый класс сигналов может эффективно использоваться в многоканальных системах связи с подвижными объектами.*

**Введение**

При построении современных цифровых многоканальных

систем мобильной связи широкое распространение получило кодовое разделение сигналов [1,2,3,4]. Основными требованиями, которые предъявляются к сигналам, при использовании в таких системах, являются их устойчивость к рассогласованию по частоте, вызываемому доплеровским сдвигом частоты, и большой объем ансамбля слабокоррелированных форм.

В настоящее время, для реализации указанных требований, в основном, используются сигналы, сформированные посредством модуляции по фазе гармонического несущего колебания по закону изменения псевдослучайной кодирующей последовательности (ФМ ПСП) [1,2,4]. Ансамбли таких сигналов могут иметь требуемые взаимокорреляционные свойства при достаточном для практики объеме.

Однако, как известно [5], эти сигналы не обладают свойством инвариантности к доплеровскому сдвигу несущего колебания по частоте, что вызывает рассогласование их параметров с параметрами оптимальной схемы приема. Для обеспечения качественной обработки фазоманипулированных сигналов необходимо обеспечить устранение неопределенности по частоте, т.е. решить задачу обеспечения синхронизации, а это, в свою очередь, приводит к дополнительному увеличению времени поиска сигнала (синхромаркера) и созданию сложных устройств слежения за изменением значения несущей частоты принимаемого сигнала.

Вместе с тем, известен класс сигналов с линейной частотной модуляцией (ЛЧМ), обладающий свойством инвариантности к доплеровскому рассогласованию по частоте. Согласно [5], возможно построение ЛЧМ сигналов с прямоугольной, колоколообразной или косинусоидальной огибающей. С точки зрения возможности технической реализации предпочтение отдается сигналам с прямоугольной огибающей, а для случая ожидаемых больших доплеровских расстроек частоты [5] целесообразно использовать сигналы с косинусоидальной огибающей. Такие сигналы обладают удовлетворительными функциями неопределенности, что обуславливает их широкое применение в системах радиолокации. Однако малый ансамбль слабокоррелированных форм не позволяет применять эти сигналы в системах с кодовым разделением адресов при большом количестве абонентов. Очевидна актуальность решения задачи улучшения взаимокорреляционных свойств

ЛЧМ сигналов, с целью обеспечения возможности их применения в современных цифровых многоканальных системах мобильной связи

Представляет интерес исследовать возможности объединения положительных свойств ФМ ПСП и ЛЧМ сигналов для создания сигналов, которые бы удовлетворяли обоим требованиям. Образующиеся в этом случае ЛЧМ сигналы с внутриимпульсной фазовой манипуляцией (ЛЧМ ФМ) уже вызывали к себе повышенный интерес в области радиолокации, поскольку их использование обеспечивает лучшее одновременное разрешение по дальности и скорости, чем обычный ЛЧМ сигнал [5]. При этом было установлено, что по мере увеличения длины ПСП, спектр сигналов все более приобретает черты спектра шумоподобного сигнала, а полоса занимаемых сигналом частот расширяется. Очевидно, что в системе передачи информации такие сигналы могли бы не только обеспечить инвариантность к расстройкам по частоте, но и повысить скрытность самой системы. В [6] были представлены результаты исследования «тонкой» структуры спектров таких сигналов, знание которых позволяет правильно использовать их в системах связи с частотно-ограниченными каналами.

Исходя из этого, представляется целесообразным оценить возможности применения в качестве переносчиков информации в указанных системах сигналов, полученных в результате модуляции по фазе ЛЧМ радиоимпульсов по закону изменения псевдослучайной кодирующей последовательности, т.к. в работах [5,6] задача оценки взаимно-корреляционных свойств этих сигналов не ставилась.

#### Анализ функций взаимной неопределенности ЛЧМ ФМ сигналов с различными характеристиками

В математическом виде ЛЧМ ФМ сигналы, согласно [Белов], имеют вид

$$S(t) = \begin{cases} S_0 \cdot \sum_{l=1}^N V_l \cdot \text{rect}\left(\frac{t - (l-1) \cdot \tau_3 - \frac{T}{2} - \frac{\tau_3}{2}}{\tau_3}\right) \cdot \exp\left(j\mu \frac{t^2}{2}\right); & \text{при } |t| \leq \frac{T}{2} \\ 0; & \text{при других } t \end{cases} \quad (1)$$

где  $S_0$  - амплитуда огибающей сигнала, в дальнейшем постоянная величина, равная 1.

$\mu$ - крутизна модуляционной характеристики ЛЧМ радиоимпульса (скорость изменения частоты), связанная с девиацией частоты  $\Delta F$  и длительностью сигнала  $T$  соотношением:

$$\mu = \frac{2 \cdot \pi \cdot \Delta F}{T}$$

$\text{rect}(x)$  – прямоугольная «срезающая» функция, задаваемая выражением:

$$\text{rect}(x) = \begin{cases} 1, & \text{при } |x| \leq \frac{1}{2}; \\ 0, & \text{при } |x| > \frac{1}{2}. \end{cases}$$

$\tau_3$  - длительность элемента кодирующей последовательности;  $N$ - количество элементов в кодирующей последовательности;  $v_i$ -коэффициент, характеризующий состояние кодирующей последовательности, принимает значения +1 или -1.

Сложные сигналы с ЛЧМ, как и большинство других классов широкополосных шумоподобных сигналов не являются ортогональными при произвольном временном и частотном сдвиге, в этом случае можно говорить только о квазиортогональности этих сигналов, т.е. о приближении сложных сигналов с ЛЧМ к классу ортогональных.

Для оценки степени ортогональности сигналов при их временном и частотном смещении используют функцию взаимной неопределенности (ФВН), которая в математической форме, согласно [Варакин], может быть записана следующим образом:

$$\chi_{ij}(\tau, F_d) = \frac{1}{2E} \int_{-\infty}^{\infty} S_i(t) \cdot S_j^*(t - \tau) \cdot \exp(j2\pi F_d t) dt \quad (2)$$

где:  $\tau$  - временной сдвиг между сигналами;

$F_d$  - допплеровский сдвиг частоты;

$E$  – энергия сигнала;

$S_i(t)$  - огибающая принимаемого  $i$  – ого сигнала.

Вполне естественно поэтому, при оценке одновременного влияния рассогласования по частоте и задержке на качество приема

ма предложенных классов сложных сигналов с ЛЧМ, использовать указанную выше ФВН.

Для ЛЧМ-ФМ сигналов имеем:

$$\begin{aligned} \chi_{ij}(\tau, F_d) = & \frac{1}{2E} \cdot \int_{-\frac{T}{2}+\tau}^{\frac{T}{2}} \sum_{l=1}^N v_i^l \cdot \text{rect} \left\{ \frac{t - (l-1) \cdot \tau_3 - \frac{T}{2} - \frac{\tau_3}{2}}{\tau_3} \right\} \cdot \exp \left( j\mu \frac{t^2}{2} \right) \cdot \sum_{l=1}^N v_j^l \times \\ & \times \text{rect} \left\{ \frac{t - (l-1) \cdot \tau_3 - \frac{T}{2} - \frac{\tau_3}{2}}{\tau_3} \right\} \exp \left( -j\mu \frac{(t-\tau)^2}{2} \right) \cdot \exp(j2\pi F_d t) dt \end{aligned} \quad (3)$$

Полагая далее, что

$$\tau = p\tau_3 + \theta;$$

$$0 \leq |\theta| \leq \tau_3;$$

$$p = \pm(0, 1, 2, \dots, N-1, N),$$

После ряда преобразований для значений  $\tau > 0$  получим:

$$\begin{aligned} \chi_{ij}(\tau, F_d) = & \frac{1}{T} \cdot \left\{ \sum_{l=1}^{N-p} v_i^l \cdot v_{i+p}^l \cdot \int_a^b \exp \left( j \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta))t - \mu \frac{(p\tau_3 + \theta)^2}{2} \right) \right) dt + \sum_{l=1}^{N-p} v_i^l \cdot v_{i+p+1}^l \times \right. \\ & \times \left. \int_a^b \exp \left( j \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta))t - \mu \frac{(p\tau_3 + \theta)^2}{2} \right) \right) dt \right\} \end{aligned} \quad (4)$$

Здесь:

$$a = -\frac{T}{2} + p\tau_3 + \theta + (l-1)\tau_3 ;$$

$$b = -\frac{T}{2} + p\tau_3 + l\tau_3 ;$$

$$a_1 = -\frac{T}{2} + p\tau_3 + l\tau_3 ;$$

$$b_1 = -\frac{T}{2} + p\tau_3 + l\tau_3 + \theta ;$$

Окончательно, выражение (4) может быть представлено следующим соотношением:

$$\begin{aligned} \chi_y(\tau, F_d) = & \frac{2}{T} \exp \left( j \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta)) \cdot \left( -\frac{T}{2} + p\tau_3 + \frac{\theta}{2} \right) - \frac{\mu(p\tau_3 + \theta)}{2} \right) \right) \cdot \frac{1}{2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta)} \times \\ & \times \left\{ \sum_{l=1}^{N-p} v_i^l v_{i+p}^l \exp \left( j \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta)) \frac{2l-1}{2} \cdot \tau_3 \right) \right) \cdot \sin \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta)) \cdot \frac{\tau_3 - \theta}{2} \right) + \right. \\ & \left. + \sum_{l=1}^{N-p-1} v_i^l v_{i+p+1}^l \exp \left( j \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta)) l \cdot \tau_3 \right) \right) \cdot \sin \left( (2\pi F_d + \mu(p\tau_3 + \theta)) \cdot \frac{\theta}{2} \right) \right\} \end{aligned} \quad (5)$$

Аналогичное выражение получается и для  $\tau < 0$ .

В дальнейшем будем рассматривать только огибающую ФВН, поскольку в бесподстроечных по частоте радиоканалах используется некогерентный метод обработки. Объединяя результаты вычислений интегралов для  $\tau > 0$  и  $\tau < 0$  выражение для огибающей ФВН ЛЧМ-ФМ сигналов запишем следующим образом:

$$\begin{aligned} |\chi_y(\tau, F_d)| = & \frac{1}{N} \cdot \left\{ \left[ \frac{\sin \left( \frac{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)}{2} (\tau_3 - |\theta|) \right)}{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)} \cdot \left( 1 - \frac{|\theta|}{\tau_3} \right) \cdot \sum_{l=1}^{N-p} v_i^l v_{i+p}^l \cdot \cos \left( \frac{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)}{2} \right) \times \right. \right. \\ & \times \left( 2l-1 \right) \cdot \tau_3 + \frac{\sin \left( \frac{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)}{2} \cdot |\theta| \right)}{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|) \cdot |\theta|} \cdot \left| \theta \right| \cdot \sum_{l=1}^{N-p-1} v_i^l v_{i+p+1}^l \cdot \cos \left( (2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)) \cdot l\tau_3 \right) \right] + \\ & + \left. \left. \frac{\sin \left( \frac{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)}{2} (\tau_3 - |\theta|) \right)}{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|) (\tau_3 - |\theta|)} \cdot \left( 1 - \frac{|\theta|}{\tau_3} \right) \cdot \sum_{l=1}^{N-p} v_i^l v_{i+p}^l \cdot \sin \left( \frac{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)}{2} \cdot (2l-1) \cdot \tau_3 \right) + \right. \right. \\ & + \left. \left. \frac{\sin \left( \frac{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)}{2} \cdot |\theta| \right)}{2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|) \cdot |\theta|} \cdot \left| \theta \right| \cdot \sum_{l=1}^{N-p-1} v_i^l v_{i+p+1}^l \cdot \sin \left( (2\pi F_d + \mu(|p|\tau_3 + |\theta|)) \cdot l\tau_3 \right) \right] \right\}^2 \end{aligned} \quad (6)$$

Анализ сечений огибающих ФВН ЛЧМ-ФМ сигналов, полученных в процессе модуляции по фазе псевдослучайными последовательностями ЛЧМ радиоимпульсов с одинаковой крутизной модуляционной характеристики, плоскостью  $F_d = 0$ , позволил установить, что максимальный уровень бокового выброса практически не зависит от базы ЛЧМ радиоимпульса ( $\Delta F \cdot T$ ), а в основ-

ном определяется длиной и типом ПСП. Значения максимальных уровней боковых выбросов находятся в пределах  $\frac{(1,0-4,0)}{\sqrt{N}}$ .

При произвольных временных ( $\tau$ ) и частотных ( $F_d$ ) рассогласованиях максимальные значения уровней боковых выбросов находятся в пределах  $\frac{(1,5-4,3)}{\sqrt{N}}$ .

Представляет определенный интерес рассмотрение свойств ЛЧМ ФМ сигналов, у которых признаком различия являются как структура ПСП, так и крутизна модуляционной характеристики ЛЧМ радиоимпульсов. Для данных сигналов ФВН в математическом виде может быть представлена следующим соотношением:

$$\begin{aligned} |\chi_y(\tau, F_d)| = & \frac{1}{\sqrt{2 \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}} \cdot \left[ \sum_{i=1}^{N-p} v_i^l v_{i+p}^l \cdot ((C(x_1) - C(x_1)) + \sum_{i=1}^{N-p-1} v_i^l v_{i+p+1}^l \cdot ((C(x_4) - C(x_1)))^2 + \right. \\ & + \left. \sum_{i=1}^{N-p} v_i^l v_{i+p}^l \cdot ((S(x_2) - S(x_1)) + \sum_{i=1}^{N-p-1} v_i^l v_{i+p+1}^l \cdot ((S(x_4) - S(x_3)))^2)^{1/2} \right] \end{aligned} \quad (7)$$

где  $C(x) = \int_0^x \cos \left( \frac{\pi y^2}{2} \right) dy$  - косинус интеграла Френеля,

$S(x) = \int_0^x \sin \left( \frac{\pi y^2}{2} \right) dy$  - синус интеграла Френеля, а  $x_1 - x_4$  - аргументы

интегралов Френеля, которые в математическом виде записываются следующим образом:

$$\begin{aligned} x_4 = & \frac{2}{\sqrt{2 \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}} \cdot ((l \cdot \tau, -\frac{T}{2}) \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) + (p \cdot \tau, +\theta) \cdot \Delta F_1 + F_d \cdot T), \\ x_3 = & \frac{2}{\sqrt{2 \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}} \cdot ((l \cdot \tau, -\frac{T}{2}) \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) + p \cdot \tau, \cdot \Delta F_1 + F_d \cdot T + \theta \cdot \Delta F_2), \\ x_2 = & \frac{2}{\sqrt{2 \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}} \cdot ((l \cdot \tau, -\frac{T}{2}) \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) + p \cdot \tau, \cdot \Delta F_1 + F_d \cdot T + \theta \cdot \Delta F_2), \\ x_1 = & \frac{2}{\sqrt{2 \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}} \cdot (((l-1) \cdot \tau, -\frac{T}{2}) \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) + (p \cdot \tau, +\theta) \cdot \Delta F_1 + F_d \cdot T). \end{aligned}$$

При оценке уровней боковых выбросов огибающих ФВН этого класса сигналов, было установлено, что их наибольшие значения находятся в пределах  $(1,5-2) \cdot \frac{1}{\sqrt{(\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}}$  при отноше-

ниях  $\frac{\Delta F \cdot T}{N} \gg 1$  и практически не зависят от типа и длины ПСП.

Кроме того, необходимо отметить, что при  $(\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T \gg 100$  уровень боковых выбросов почти не зависит от величины сдвига между сигналами.

Анализ уровней боковых выбросов сечений огибающих ФВН ЛЧМ-ФМ сигналов с  $\frac{\Delta F \cdot T}{N} \ll 1$  показывает, что максимальные уровни боковых выбросов огибающих ФВН в основном определяются длиной и типом ПСП и находятся в пределах  $(1,0 - 4,0)$ .

$$\sqrt{N}$$

Нетрудно увидеть, что при  $\tau = 0$  и одинаковых структурах ПСП выражение (7) после ряда преобразований может быть представлено соотношением:

$$\left| \chi_{ij}(\tau, F_\delta) \right| = \frac{2}{\sqrt{2 \cdot (\Delta F_1 - \Delta F_2) \cdot T}} \sqrt{C^2(x_2) + S^2(x_2)}, \quad (8)$$

т.е. выражение совпадает с выражением для огибающих ФВН «обычных» ЛЧМ радиоимпульсов с отличающимися параметрами модуляционных характеристик.

Для использования данных классов сигналов в системах с кодовым разделением адресов, как было указано выше, большое внимание необходимо уделять их ансамблевым характеристикам. Необходимо отметить, что признаками различия у разработанных классов сигналов являются или структура ПСП, или как структура ПСП, так и крутизна модуляционной характеристики ЛЧМ радиоимпульсов.

В связи с этим для количественной оценки ансамблевых характеристик можно воспользоваться соотношением вила:

$$N = N_{ПСП} \cdot N_{ЛЧМ} \quad (9)$$

где  $N_{ПСП}$  - количество различных форм в ансамбле используемых ПСП;

$N_{ЛЧМ}$  - количество различных форм в ансамбле ЛЧМ радиоимпульсов.

В качестве псевдослучайных последовательностей могут быть использованы линейные или нелинейные последовательности, а также ПСП с изменяющейся длительностью.

Из формулы (9) видно, что объем ансамбля ЛЧМ ФМ сигналов с одинаковой крутизной модуляционной характеристики ЛЧМ радиоимпульсов равен ансамблю ПСП, а объем ансамбля ЛЧМ ФМ сигналов с различной крутизной модуляционной характеристики ЛЧМ радиоимпульсов равен произведению ансамблей ПСП и ЛЧМ радиоимпульсов.

Количественные характеристики  $N$ ,  $N_{ПСП}$  и  $N_{ЛЧМ}$  для длины ПСП равной 1000 элементов и базе ЛЧМ радиоимпульса  $\Delta F \cdot T = 1000$ , при условии, что уровень максимальных боковых выбросов огибающих ФВН для всех типов сигналов не превышает заданной величины  $\frac{1,0 - 4,0}{\sqrt{N}}$ , приведены в табл. 1.

Таблица 1

| № п/п | Тип сигнала  | $N_{ПСП}$      | $N_{ЛЧМ}$ | $N$            |
|-------|--|----------------|-----------|----------------|
| 1     | Одноуровневые линейные рекуррентные последовательности               | $6 \cdot 10^2$ |           | $6 \cdot 10^3$ |
| 2     | Двухуровневые характеристические последовательности                  | $5 \cdot 10^2$ |           | $5 \cdot 10^3$ |
| 3     | Трехуровневые последовательности Голда                               | $10^6$         |           | $10^7$         |
| 4     | Производные ортогональные последовательности                         | $10^7$         |           | $10^8$         |
| 5     | ЛЧМ радиоимпульсы с различной крутизной модуляционной характеристики |                | 10        |                |

Таким образом, разработанные классы сигналов при различной крутизне модуляционной характеристики ЛЧМ радиоимпульсов имеют значительно больший ансамбль, нежели псевдослучайные последовательности, а при одинаковой крутизне модуляционной характеристики - равный ансамблю, которым обладают ПСП.

### Заключение

В работе исследованы огибающие функций взаимной неопределенности одного из классов сложных сигналов с ЛЧМ. Сделаны выводы, что данный класс сигналов обладает значительно большим объемом слабокоррелированных форм, по сравнению с объемом ПСП, если в качестве несущего колебания используются ЛЧМ радиоимпульсы с различной крутизной модуляционной характеристики. Кроме этого, данный класс сигналов при отношениях базы ЛЧМ радиоимпульса к базе ПСП  $\frac{\Delta F \cdot T}{N} > 1$ , обладает инвариантностью к доплеровскому рассогласованию по частоте, что позволяет сделать вывод об эффективности его использования, по сравнению с имеющимися классами сигналов, в многоканальных мобильных системах связи с кодовым разделением адресов.

### Литература

1. Тузов Г.И. Статистическая теория приема сложных сигналов. М., Сов. радио, 1977. 400 с.
2. Варакин Л.Е. Системы связи с шумоподобными сигналами. М., Радио и связь, 1985. 384 с.
3. Маковеева М.М. и Шинаков Ю.С. Системы связи с подвижными объектами. Учеб. пособ. для ВУЗов. М., Радио и связь, 2002. 440 с. с илл.
4. Скляр Б. Цифровая связь. Теоретические основы и практическое применение. Изд. 2-е, испр. Пер. с англ. М., Изд. дом «Вильямс», 2003. 1104 с. с илл.
5. Кочемасов В.Н., Белов Л.А. и Оконешников В.С. Формирование сигналов с линейной частотной модуляцией. М., Радио и связь, 1983. 192 с. с илл.
6. Долгов В.И., Белов С.П. и Горбенко И.Д. Исследование тонкой структуры спектров ЛЧМ сигналов с внутриимпульсной фазовой манипуляцией. – "Радиотехника", 1981, т. 36, № 10, с. 66-69.

Статья поступила 15.10.2007