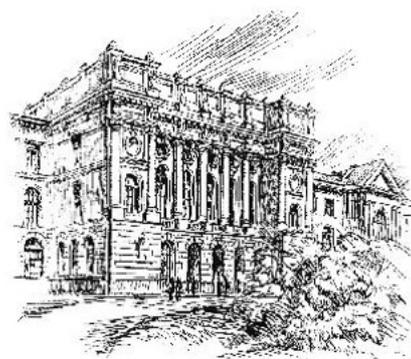


1(140)/2012



# Научно-технические ведомости СПбГПУ

ИНФОРМАТИКА.  
ТЕЛЕКОММУНИКАЦИИ.  
УПРАВЛЕНИЕ

Санкт-Петербург. Издательство Политехнического университета

Министерство образования и науки РФ  
Санкт-Петербургский государственный политехнический университет

## НАУЧНО-ТЕХНИЧЕСКИЕ ВЕДОМОСТИ СПбГПУ

### РЕДАКЦИОННЫЙ СОВЕТ ЖУРНАЛА

*Алферов Ж.И.*, академик РАН; *Васильев Ю.С.*, академик РАН (председатель);  
*Костюк В.В.*, академик РАН; *Лопота В.А.*, чл.-кор. РАН;  
*Окрепилев В.В.*, академик РАН; *Рудской А.И.*, чл.-кор. РАН;  
*Патон Б.Е.*, академик НАН Украины и РАН; *Федоров М.П.*, академик РАН;  
*Фортов В.Е.*, академик РАН.

### РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ ЖУРНАЛА

*Васильев Ю.С.*, академик РАН (главный редактор); *Арсеньев Д.Г.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Бабкин А.В.*, д-р экон. наук, профессор (зам. гл. редактора);  
*Боронин В.Н.*, д-р техн. наук, профессор; *Глухов В.В.*, д-р экон. наук, профессор;  
*Дегтярева Р.В.*, д-р ист. наук, профессор; *Иванов А.В.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Иванов В.К.*, д-р физ.-мат. наук, профессор; *Козловский В.В.*, д-р физ.-мат. наук, профессор;  
*Рудской А.И.*, чл.-кор. РАН (зам. гл. редактора); *Юсупов Р.М.*, чл.-кор. РАН.

## СЕРИЯ “ИНФОРМАТИКА. ТЕЛЕКОММУНИКАЦИИ. УПРАВЛЕНИЕ”

### РЕДАКЦИОННЫЙ СОВЕТ СЕРИИ

*Юсупов Р.М.*, чл.-кор. РАН – председатель;  
*Абрамов С.М.*, чл.-кор. РАН;  
*Воеводин В.В.*, чл.-кор. РАН;  
*Заборовский В.С.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Козлов В.Н.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Фотиади А.Э.*, д-р физ.-мат. наук, профессор;  
*Черноруцкий И.Г.*, д-р техн. наук, профессор.

### РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ СЕРИИ

*Юсупов Р.М.*, чл.-кор. РАН – председатель;  
*Арсеньев Д.Г.*, д-р техн. наук, профессор – зам. председателя;  
*Бабкин А.В.*, д-р экон. наук, профессор – зам. председателя;  
*Пышкина Г.А.*, технический секретарь;  
*Антонов В.И.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Голландцев Ю.А.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Карпов Ю.Г.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Коротков А.С.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Макаров С.Б.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Устинов С.М.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Цикин И.А.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Шкодырев В.П.*, д-р техн. наук, профессор;  
*Клавдиев В.Е.*, канд. техн. наук, доцент.

*Журнал выходит под научно-методическим руководством Российской академии наук с 1995 года.*

Журнал включен в Перечень ведущих рецензируемых научных журналов и изданий, в которых должны быть опубликованы основные результаты диссертаций на соискание ученой степени доктора и кандидата наук.

Журнал издается в пяти сериях:  
*Наука и образование;*  
*Физико-математические науки;*  
*Экономические науки;*  
*Информатика, телекоммуникации, управление;*  
*Гуманитарные и общественные науки.*

Журнал зарегистрирован в Госкомпечати РФ. Свидетельство № 013165 от 23.12.94.

Подписной индекс **18390** в каталоге “Газеты. Журналы” Агентства “Роспечать”.

Журнал включен в базу данных “Российский индекс научного цитирования” (РИНЦ), размещенную на платформе Национальной электронной библиотеки на сайте <http://www.elibrary.ru>.

При перепечатке материалов ссылка на журнал обязательна.

Точка зрения редакции может не совпадать с мнением авторов статей.

Адрес редакции и издательства: Россия, 195251, Санкт-Петербург, ул. Политехническая, д. 29.  
Тел. редакции серии (812) 552-62-16.

© Санкт-Петербургский государственный политехнический университет, 2012



## Содержание

### Телекоммуникационные системы и компьютерные сети

<b>Бельтов А.Г., Доскалов М.В., Кулешов И.А.</b> <i>Анализ методов моделирования телекоммуникационных сетей</i> .....	7
---	---

### Инфокоммуникационные технологии

<b>Кузнецов А.Н., Пышкин Е.В.</b> <i>Функциональное представление музыки и подходы к структурному синтезу</i> .....	11
---	----

### Проблемы передачи и обработки информации

<b>Григорьев Л.Ю., Кудрявцев Д.В.</b> <i>Организационное проектирование на основе онтологий: методология и система ОРГ-Мастер</i> .....	21
---	----

### Радиотехника, антенны, СВЧ-устройства

<b>Морозов Е.В.</b> <i>Оценка помехоустойчивости инвариантной системы связи с двухзначной амплитудной модуляцией</i> .....	29
<b>Варгаузин В.А., Цикин И.А.</b> <i>Сравнительная эффективность современных сигнально-кодowych конструкций в системах радиосвязи</i> .....	33

### Системный анализ и управление

<b>Солдатенков А.С., Потапенко А.Н., Глаголев С.Н.</b> <i>Разработка и исследование математической модели управления автоматизированным индивидуальным тепловым пунктом</i> .....	41
<b>Демуринов В.Б.</b> <i>Многокритериальная оптимизация управленческих решений в информационной системе гостиничного комплекса</i> .....	48
<b>Шерыхалина Н.М.</b> <i>Метод фильтрации численных результатов с восстановлением значений коэффициентов</i> .....	51
<b>Дондик Е.М., Пылькин А.Н., Скоробогатова Н.Е.</b> <i>Математическое представление селекции распознаваемых знаков дактильной речи</i> .....	55
<b>Петриченко Г.С., Григорян Н.К., Медовщиков М.И.</b> <i>Методика разработки экспертной системы руководителя для принятия управленческих решений</i> .....	60

### Математическое моделирование: методы, алгоритмы, технологии

<b>Костин Е.В., Писарев А.И.</b> <i>Нейросетевая модель процесса плавки медного никельсодержащего сырья в печах Ванюкова</i> .....	67
<b>Васильева Т.П., Мызникова Б.И., Русаков С.В.</b> <i>Математическое моделирование процесса градоформирования: вероятностный подход</i> .....	73
<b>Таратухин В.В., Овсянников М.В., Стогний И.А.</b> <i>Применение эвристических правил в задаче распределения разнородных ресурсов предприятия</i> .....	79
<b>Потапенко А.Н., Канунникова Е.А., Потапенко Т.А.</b> <i>Особенности метода инверсии для численного решения внешних краевых задач, связанных с электрическими полями в атмосфере</i> .....	84

УДК 621.316.98: 22.193

А.Н. Потапенко, Е.А. Канунникова, Т.А. Потапенко

## ОСОБЕННОСТИ МЕТОДА ИНВЕРСИИ ДЛЯ ЧИСЛЕННОГО РЕШЕНИЯ ВНЕШНИХ КРАЕВЫХ ЗАДАЧ, СВЯЗАННЫХ С ЭЛЕКТРИЧЕСКИМИ ПОЛЯМИ В АТМОСФЕРЕ

При математических методах исследования от стержня Франклина до различного типа элементов систем молниезащит определяются электрические поля (ЭП) с учетом условий грозовой активности в атмосфере.

Исследуемые задачи относятся к классу внешних краевых задач. Несмотря на разнообразие способов решения этих задач при численных методах моделирования бесконечной области используются два основных подхода: во-первых, введение области расчета достаточно больших размеров с возможностью некоторого исключения влияния краевых эффектов на результаты расчетов; во-вторых, искусственное ограничение расчетной области путем введения в постановку задачи экранов и других приемов на основе применения граничного условия типа  $\partial\psi/\partial n = 0$ . При этом общим недостатком является снижение точности (например, при введении экранов) и эффективности численных расчетов (например, при задании расчетной области достаточно больших размеров).

Применительно для расчета ЭП в задачах, связанных с исследованиями молниеприемников стержневого типа систем молниезащит, используются *методы* конечных элементов (МКЭ) [1, 2], конечных разностей (МКР) [3, 4] и др. Среди развиваемых методов решения подобных задач необходимо отметить метод инверсии для полубезграничных сред (МИПБС) [4, 5], принятый за основу для численных расчетов в данной работе. При этом следует отметить, что МКР, в отличие от МКЭ, позволяет увеличить точность расчетов напряженности поля для различных типов угловых зон или стержней исследуемых объектов [5] с учетом применения алгоритма Брезенхэма.

Исследование [4] распределенной системы типа «плоскость-проводник» позволило выявить особенности краевого эффекта для заземленного стержня относительно облака, причем исследован идеальный вариант, в котором облако представлено в виде некоторого круга. Это связано

с тем, что за основу для схемы моделирования данной работы с применением МИПБС приняты соотношения размеров как в [3] с возможностью сравнительного анализа полученных результатов и с учетом того, что основные подходы работы известны специалистам [6].

В рамках статьи исследуются особенности модифицированного метода инверсии на примере определения электрического поля относительно заземленного стержневого молниеприемника и с учетом облака и его граничной поверхности.

**Постановка задачи.** Для исследования особенностей МИПБС относительно к распределенной системе типа «плоскость-проводник» применяется по аналогии с [4] схема моделирования, показанная на рис. 1. Схема включает стержень  $\Gamma_4$  на плоскости  $\Gamma_1$  в виде поверхности земли  $F(x, y)$  и облако  $V(x, y)$  в виде плоскости  $\Gamma_6$ , находящейся в полубезграничной области относительно поверхности  $F(x, y)$ . В силу симметрии изучаемого объекта исследуется только часть некоторой полусферической области.

ЭП определяется относительно проводящей плоскости  $\Gamma_1$  со стержнем  $\Gamma_4$  (их потенциал  $\psi$  принимается равным нулю) и с учетом краевого эффекта от граничной поверхности облака  $\Gamma_6$ , являющейся частью круга. Считаем, что исследу-

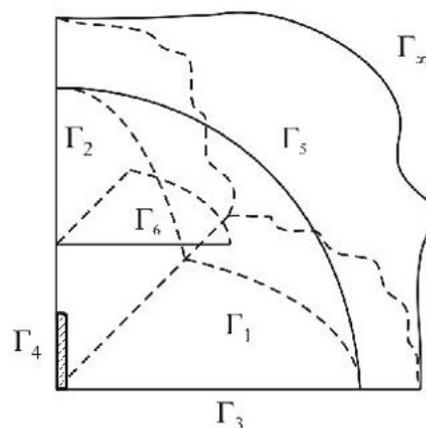


Рис 1. Схема моделирования молниеприемника стержневого типа

ется статический режим с учетом возникновения в некоторый момент времени на  $\Gamma_6$  потенциала, равного  $\psi_{B0}$ . Эта постановка отличается от постановки задач [7, 8], в которых задается некоторое направление нисходящего стримера в воздухе, как правило, в виде проводника, причем в работе [7] не приводится конкретная математическая постановка задачи, а в [8] указывается, что моделирование поля потенциала осуществляется на основе уравнения Лапласа, но без указания граничных условий. Исходная постановка также отличается и от постановки задачи [3], в которой внешняя краевая задача сводится к внутренней путем задания граничных условий в исследуемой области в виде  $\partial\psi/\partial n = 0$ .

Поле распределения  $\psi$  подчиняется уравнению Лапласа, как в [4]:

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = 0; (x, y, z) \in D(x, y, z). \quad (1)$$

Граничные условия задачи следующие:

- на границах  $\Gamma_1$  и  $\Gamma_4$

$$\psi(x, y, z) = 0, (x, y, z) \in \Gamma_1, \Gamma_4; \quad (2)$$

- на границе  $\Gamma_\infty$

$$\psi(\infty) = 0; \quad (3)$$

- на поверхностях симметрии области, т. е. на границах  $\Gamma_2, \Gamma_3$

$$\partial\psi/\partial n = 0, (x, y, z) \in \Gamma_2, \Gamma_3; \quad (4)$$

- на границе  $\Gamma_6$

$$\psi(x, y, z) = \psi_{B0}, (x, y, z) \in \Gamma_6, \quad (5)$$

где  $D(x, y, z)$  – исследуемая область, ограниченная  $\Gamma_1$ – $\Gamma_4$ ,  $\Gamma_6$  и  $\Gamma_\infty$ ; причем  $\Gamma_\infty$  – условная граница на бесконечности;  $\Gamma_5$  – внутренняя граница в  $D(x, y, z)$  (искусственно введенная граница [4]).

С учетом использования МИПБС считаем, что некоторая выделенная область  $D'_m(x, y, z)$ , входящая в состав области  $D(x, y, z)$ , имеет форму некоторой части полусферы с радиусом  $R_0$  и с границами  $\Gamma_1$ – $\Gamma_6$  (эта область может быть

представлена в виде куба, параллелепипеда и др., определяется видом области с исследуемым объектом, например [9]). Для реализации этого метода необходима дополнительная область  $D^*_m(x, y, z)$ , чтобы часть оставшейся области  $D(x, y, z)$  между границами  $\Gamma_5$  и  $\Gamma_\infty$  отобразилась на эту дополнительную область. Следует отметить, что составные области  $D'_m(x, y, z)$  и  $D^*_m(x, y, z)$  соприкасаются по внутренней поверхности  $\Gamma_5$  в исходной области  $D(x, y, z)$ .

**Особенности дискретной математической модели.** Для краевой задачи с учетом уравнения (1) и граничных условий (2)–(5) уравнения в операторной форме для определения поля потенциала  $\psi$  в узлах  $(i, j, k)$  для дискретной области  $D_d(x, y, z)$  имеют следующий вид:

$$L_h \psi^{(h)} \equiv \begin{cases} L_{xx} \psi_{ijk} + L_{yy} \psi_{ijk} + L_{zz} \psi_{ijk} = 0, \\ (x_i, y_j, z_k) \in D_d(x, y, z); \\ L_n \psi_{ijk} = 0, (x_i, y_j, z_k) \in \Gamma_2, \Gamma_3; \\ \psi_{ijk} = \psi_{B0}, (x_i, y_j, z_k) \in \Gamma_6; \\ \psi_{ijk} = 0, (x_i, y_j, z_k) \in \Gamma_1, \Gamma_4, \Gamma_\infty. \end{cases} \quad (6)$$

Здесь  $L_{xx} = \partial^2/\partial x^2$ ,  $L_{yy} = \partial^2/\partial y^2$ ,  $L_{zz} = \partial^2/\partial z^2$ ,  $L_n = \partial^2/\partial n^2$  – производные потенциала, которые представляются конечно-разностными аппроксимациями. Область  $D_d(x, y, z)$ , включающая  $D'_m(x, y, z)$  и  $D^*_m(x, y, z)$ , является дискретной с регулярной прямоугольной сеткой. Для аппроксимации границ применяется алгоритм Брезенхэма. При расчетах не учитывается диаметр стержня, т. к. он пренебрежимо мал по сравнению с размерами  $D_d(x, y, z)$  и шагом по  $x$ ,  $y$  и  $z$  (аналогично как в [3]).

Так как во внутренних узлах сетки выполняется условие сходимости итерационного метода Гаусса–Зейделя, то во всех внутренних узлах области  $D_d(x, y, z)$  потенциал  $\psi_{i,j,k}$  рассчитывается с помощью численного метода, например, экстраполяционного метода Либмана [10] по формулам:

$$\psi_{i,j,k} = \frac{\psi_{i+1,j,k} + \psi_{i-1,j,k} + \psi_{i,j+1,k} + \psi_{i,j-1,k} + \psi_{i,j,k+1} + \psi_{i,j,k-1}}{6}, \quad (7)$$

$$\psi_{i,j,k}^S = \psi_{i,j,k}^{S-1} + \alpha(\psi_{i,j,k}^{S0} - \psi_{i,j,k}^{S-1}), \quad (8)$$

где  $\alpha$  – ускоряющий коэффициент ( $1 \leq \alpha \leq 2$ );  $\psi_{i,j,k}^{S-1}$  – значение в узле  $\psi_{i,j,k}$  вычисленное на предыдущей итерации;  $\psi_{i,j,k}^{S0}$  – значение в узле  $\psi_{i,j,k}$  вычисленное в текущей итерации согласно (8);  $\psi_{i,j,k}^S$  – новое значение.

На границах  $\Gamma_2, \Gamma_3$  потенциал  $\psi_{i,j,k}$  рассчитывается с учетом конечно-разностных аппроксимаций и вида условия симметрии (4). Модуль  $E$  определяется как квадратный корень из суммы квадратов компонент вектора  $E_x^2, E_y^2, E_z^2$ .

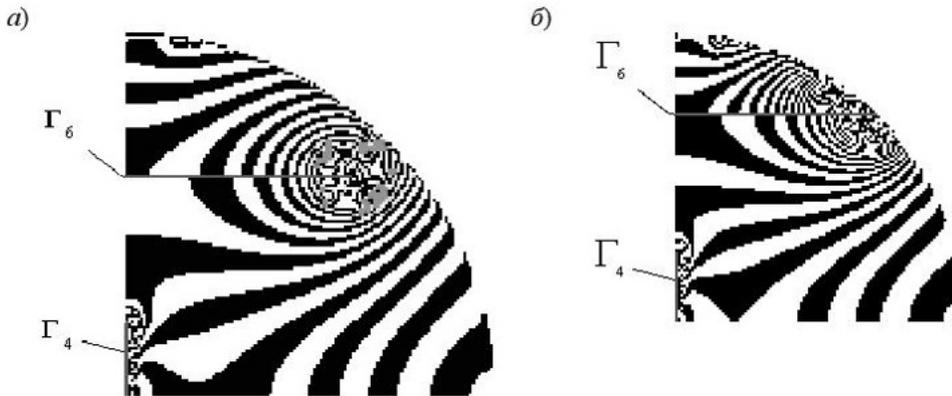


Рис. 2. Распределение поверхностей равных напряженностей поля с шагом  $\Delta E^*$ :  
а – для модели 1; б – модели 2

Согласно МИПБС граничные узлы  $\psi_{i,j,k}$  на границе  $\Gamma_5$  превращаются во внутренние узлы составной области  $D'_{md}(x, y, z)$  и  $D^*_{md}(x, y, z)$ , причем в узлах на границе области  $D'_{md}(x, y, z)$  расчет также ведется по формулам (7) и (8), а значения потенциалов в недостающих узлах берутся из дополнительной области  $D^*_{md}(x, y, z)$ , и наоборот.

**Результаты численных расчетов.** Результаты расчетов представляются в безразмерном виде для  $\psi$  и расстояний  $l$  как  $\psi_{bi}^* = \psi_i / \psi_{B0}$ ,  $l_i^* = l_i / h$  с учетом базовых значений потенциала  $\psi_{B0}$  на  $\Gamma_6$  и высоты  $h$  стержня  $\Gamma_4$ , а остальные определяются аналогично или через  $\psi_{bi}^*$  и  $l_i^*$ . Для сравнения результатов с известными данными основные соотношения размеров приняты как в [3].

Исследуются два типа моделей по схеме как на рис. 1. Исходные условия следующие: считаем, что граница  $\Gamma_6$  имеет радиус  $r_1^* = 3$  и находится на высоте  $H_k^* = 3$ , а высота  $\Gamma_4$  равна  $h^* = 1$ . Отличие заключается в том, что  $\Gamma_5$  – внутренняя граница в  $D(x, y, z)$  (искусственно введенная с учетом МИПБС) в первой модели находится на расстоянии  $\delta^*$  от границы  $\Gamma_5$ , а во второй модели  $\delta^* = 0$ .

Результаты расчетов напряженности поля  $E^*$  относительно  $F(x, y)$  и  $V(x, y)$  для двух моделей показаны на рис. 2.

Из анализа результатов распределения поверхностей равных напряженностей поля следует, что на стержне  $\Gamma_4$  и в окрестностях края границы  $\Gamma_6$  наблюдается существенно неоднородное ЭП. Для оценки этих относительных величин рассмотрим результаты расчетов, показанные на рис. 3, причем кривые 1 и 2 – это характеристики  $\psi_b^* = f(H_L^*)$  (рис. 3 а) и  $E^* = f(H_L^*)$  (рис. 3 б), представляющие зависимости в вертикальных плоскостях относительно поверхности  $F(x, y)$ : по оси стержня и на расстоянии  $S_{k1}^* = 3$ , т. е. на границе облака  $V(x, y)$ .

Из анализа зависимостей  $E^* = f(H_L^*)$  (см. рис. 3 б, кривые 1 и 2) следует, что модули максимальной напряженности поля  $E_m^*$  находятся как на стержне  $\Gamma_4$ , так и на краю облака  $V(x, y)$ , причем  $E_m^*$  на расстоянии  $S_{k1}^* = 3$  больше, чем на стержне по его оси.

Рассмотрим результаты распределения относительных величин  $\psi_b^* = f(H_L^*)$  (рис. 4 а) и  $E^* = f(H_L^*)$  (рис. 4 б), показанные на рис. 4, причем кривые 1–4 – это характеристики, представляю-

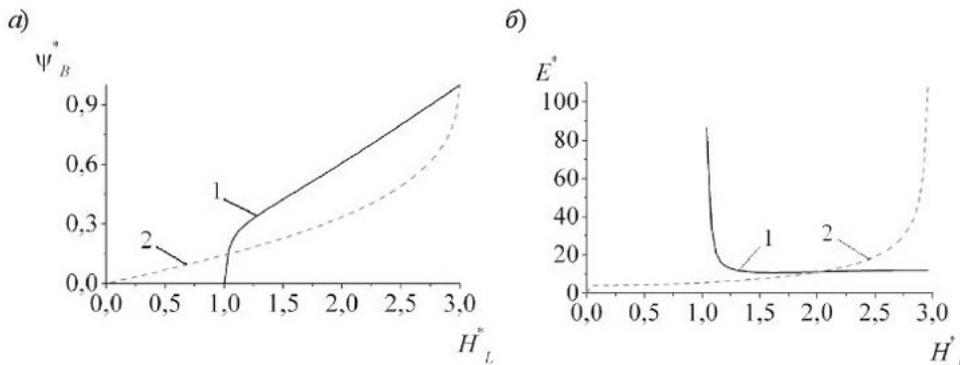


Рис. 3. Характеристики  $\psi_b^* = f(H_L^*)$  (а) и  $E^* = f(H_L^*)$  (б) в вертикальной плоскости:  
1 – по оси стержня; 2 – на расстоянии  $S_{k1}^* = 3$

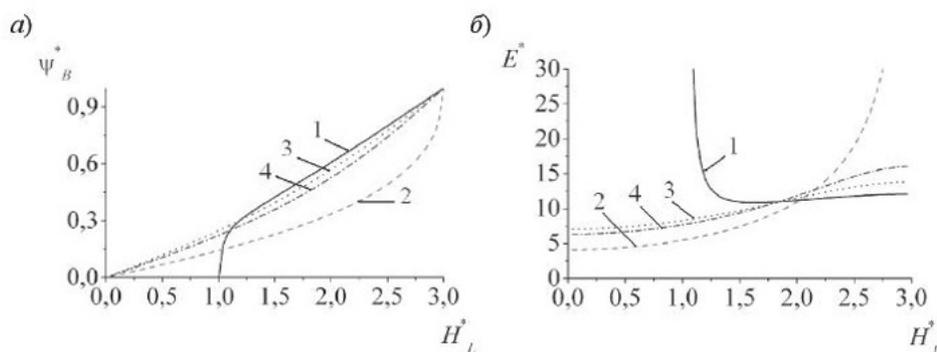


Рис. 4. Характеристики  $\psi_B^* = f(H_L^*)$  (а) и  $E^* = f(H_L^*)$  (б) для различных  $S_k^*$ :  
1 – по оси схемы ( $S_{k0} = 0$ ); 2 –  $S_{k1}^* = 3$ ; 3 –  $S_{k2}^* = 1,5$ ; 4 –  $S_{k3}^* = 2$

щие зависимости в вертикальных плоскостях относительно поверхности  $F(x, y)$ : по оси ( $S_{k0} = 0$ ) и на расстоянии  $S_{k1}^* = 3$ , а также в промежуточных точках от оси  $S_{k2}^* = 1,5$  и  $S_{k3}^* = 2$ . Следует отметить, что кривые 1 и 2  $E^* = f(H_L^*)$  (см. рис. 4 б), в отличие от рис. 3 б, представлены только в окрестностях точек  $S_{k0} = 0$  и  $S_{k1}^* = 3$ , чтобы отразить особенности изменения напряженности в промежуточных точках как на  $F(x, y)$ , так и на облаке.

Анализ зависимостей  $E^* = f(H_L^*)$  на рис. 4 б показывает, что напряженность поля  $E^*$  по поверхности  $F(x, y)$  под облаком максимальна вблизи заземленного стержня и убывает к точке  $S_{k1}^*$ , а напряженность поля  $E^*$  по поверхности  $V(x, y)$ , наоборот, на облаке, непосредственно под стержнем, минимальная, причем приблизительно на порядок меньше, чем  $E_m^*$  у края облака  $V(x, y)$ .

Результаты расчетов для моделей 1 и 2 (см. рис. 2) с учетом распределения относительных величин  $\psi_B^* = f(H_L^*)$  (рис. 5 а) и  $E^* = f(H_L^*)$  (рис. 5 б), показаны на рис. 5, причем кривые 1 и 2 – это характеристики, представляющие зависи-

мости в вертикальных плоскостях относительно поверхности  $F(x, y)$  на расстоянии  $S_{k1}^* = 3$  для моделей 1 и 2.

Анализ зависимостей на рис. 5 показывает, что область  $D'_m(x, y, z)$  с внутренней границей  $\Gamma_5$  в методе МИПБС должна быть больше, чем максимальный размер исследуемого объекта, находящегося в этой области, т. к. при совпадении с границей  $\Gamma_5$  наблюдается существенное завышение результатов расчета. В исследуемом случае установлено, что граница облака  $V(x, y)$  должна быть на расстоянии не менее чем  $\delta^*/2$  от границы  $\Gamma_5$ .

Сравнение результатов расчета проводилось с [3] в вертикальной плоскости на расстоянии  $S_1 = 3,2$  м и до высоты  $H_1 = 13$  м по распределению поля  $\psi$  и представлено в [4]. Сравнительный анализ показал, что отличия в расчетах в целом составляют менее 0,5 %.

Анализ исследования трехмерных ЭП относительно заземленного стержневого молниеприемника и с учетом граничной поверхности облака на основе модифицированного метода инверсии

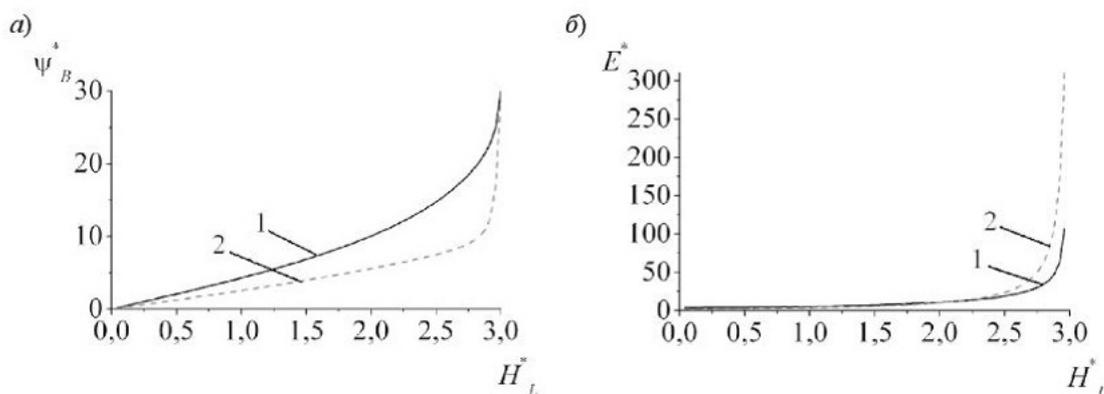


Рис. 5. Характеристики  $\psi_B^* = f(H_L^*)$  (а) и  $E^* = f(H_L^*)$  (б) в вертикальной плоскости на расстоянии  $S_{k1}^* = 3$  от оси стержня:  
1 – для модели 1; 2 – для модели 2

показал, что имеется возможность определять напряженность поля в некоторой области и выявлять различные краевые эффекты. Например, установлено, что модули максимальной напряженности поля  $E_m^*$  находятся как на стержне молниеприемника  $E_{m1}^*$ , так и на краю облака  $E_{m2}^*$ , причем  $E_{m2}^*$  больше, чем на стержне по его оси.

Показано, что распределение напряженности поля  $E^*$  по поверхности земли под облаком убывает к периферии, а распределение напряженности поля  $E^*$  по поверхности облака, наоборот, существенно возрастает к периферии. При этом

следует заметить, что полученные выводы определяются соотношениями размеров исследуемой системы и соответствующими допущениями при расчетах.

В результате исследований установлено, что в выделяемой области  $D'_m(x, y, z)$  с некоторой внутренней границей  $\Gamma_5$  с учетом применения МИПБС при определении влияния краевых эффектов исследуемого объекта (например,  $V(x, y)$ ) он не должен соприкасаться с внутренней границей  $\Gamma_5$ , т. к. это приводит к завышению результатов расчета по  $\Gamma_5$ .

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. D'Alessandro, F. Electric field modelling of structures under thunderstorm conditions [Текст] / F. D'Alessandro, J.R. Gumley // Proc. of the 24th International Conf. on Lightning Protection. –Birmingham, Britain, 1998. –P. 457–462.

2. Ait-Amar, S. A 3-D numerical model of negative lightning leader interception. Applications to the collection volume construction [Текст] / S. Ait-Amar, G. Berger // Proc. of the 27th International Conf. on Lightning Protection. –Avignon, France, 2004. –P. 357–362.

3. Резинкина, М.М. Расчет трехмерных электрических полей в системах, содержащих тонкие проволоки [Текст] / М.М. Резинкина // Электричество. –2005. –№ 1. –С. 44–49.

4. Потапенко, А.Н. Метод инверсии для численного расчета распределенных систем типа «плоскость-проводник» [Текст] / А.Н. Потапенко, Е.А. Канунникова, Т.А. Потапенко // Научно-технические ведомости СПбГПУ. Сер. Информатика. Телекоммуникации. Управление. –2011. –№ 5. –С. 53–57.

5. Потапенко, А.Н. Численное моделирование электрических полей в системах «электрод – поверхность земли» для элементов молниезащит [Текст] / А.Н. Потапенко, Е.А. Канунникова, М.И. Дыльков //

Изв. вузов. Проблемы энергетики. –2008. –№ 11–12. –С. 72–78.

6. Rezinkina, M.M. Software for determination of 3D electrical fields distribution in the vicinity of special installations and systems with lightning rods during thunderstorm [Текст] / M.M. Rezinkina // Proc. of the 24th International Conf. on Lightning Protection. –Birmingham, Britain, 1998. –P. 924–928.

7. D'Alessandro, F. A 'Collection Volume Method' for the placement of air terminals for the protection of structures against lightning [Текст] / F. D'Alessandro, J.R. Gumley // J. of Electrostatics. –2001. –№ 50. –P. 279–302.

8. Ait-Amar, S. Attractive Radius of Elevated Building [Текст] / S. Ait-Amar, G. Berger // Proc. of the 28th International Conf. on Lightning Protection. –Kanasawa, Japan, 2006. –P. 602–607.

9. Потапенко, А.Н. Исследование распределенных элементов систем молниезащит на основе вычислительных экспериментов [Текст] / А.Н. Потапенко, А.И. Штифанов, Т.А. Потапенко // Изв. Самарского научного центра РАН. –2010. –Т 12. –№ 4 (3). –С. 591–595.

10. Мак-Кракен, Д. Численные методы и программирование на Фортране [Текст] / Д. Мак-Кракен, У. Дорн. –М.: Мир, 1977. –584 с.

УДК 519.711.3

В.И. Антонов, А.И. Загайнов, Ву ван Куанг

## ДИНАМИЧЕСКИЙ ФРАКТАЛЬНЫЙ АНАЛИЗ ВАРИАБЕЛЬНОСТИ СЕРДЕЧНОГО РИТМА

В настоящей статье рассматриваются проблемы нелинейного исследования хаотических временных рядов variability сердечного ритма (ВСР) – временных интервалов между последо-

вательными нормальными QRS-комплексами электрокардиограммы (норма-норма или NN-интервалов). Благодаря рекомендациям научных сообществ США, Европы [3], Японии, Китая и